

臺北區 104 學年度 學測 聯合模擬考 第二次

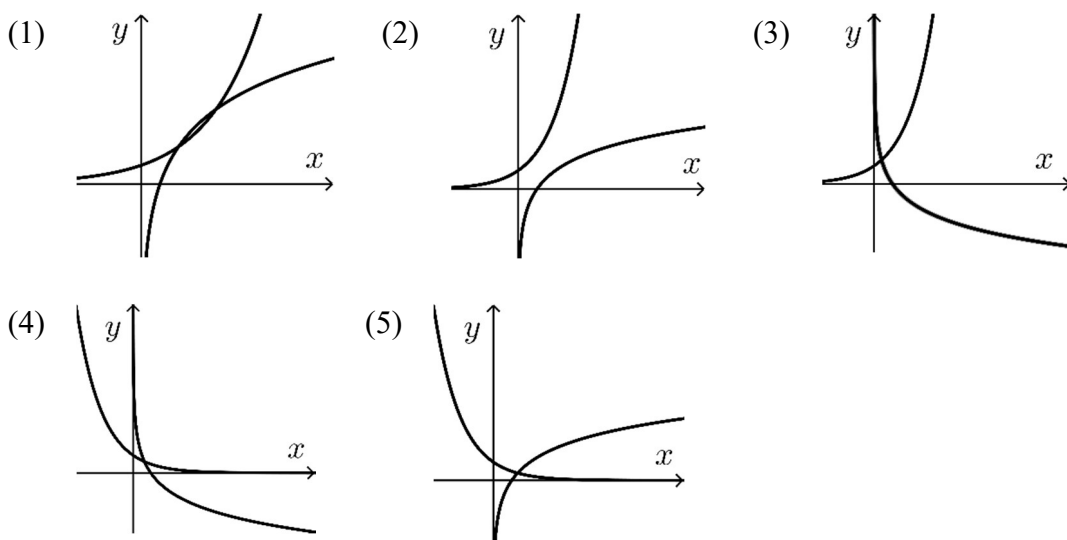
第壹部分：選擇題（佔 65 分）

一、單選題（佔 30 分）

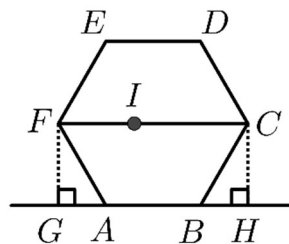
1. *MLB* 美國職業大聯盟的亞裔投手中，擁有生涯最多勝投者為已退休的南韓朴贊浩，勝投數為 124 場。臺灣殷雄陳偉殷在 *MLB* 的前三年(2012~2014 年球季)已累積先發 86 場，並奪下 35 勝。假設殷仔身體健康一直健康無虞，且每年固定先發 30 場，若保持前三年的奪勝率，請問他在哪一年球季會成為新的亞洲勝投王？

(1) 2021 年 (2) 2022 年 (3) 2023 年 (4) 2024 年 (5) 2025 年

2. 請問下列哪一個選項可以表示 $y = (\sqrt{2})^x$ 和 $y = \log_{\sqrt{2}} x$ 的圖形？



3. 如右圖， $ABCDEF$ 為邊長 5 的正六邊形， C 、 F 在直線 \overleftrightarrow{AB} 上的投影點分別為 H 、 G 。若 I 在 \overline{FC} 上且 $\overline{FI}:\overline{IC} = 2:3$ ，則 $\overrightarrow{AI} \cdot \overrightarrow{GH} = ?$



(1) 10 (2) $10\sqrt{3}$ (3) 15 (4) 18 (5) 24

4. 三筆數值資料 X 、 Y 、 Z 如下表所示：

X	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Y	-6	2	10	18	26	34	42	50	58
Z	-9	-8	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1

假設 X 與 Y 的相關係數為 r_1 ， Y 與 Z 的相關係數為 r_2 ， Z 與 X 的相關係數為 r_3 ，請選出正確的選項。

(1) $r_1 < 1$ (2) $r_3 = -1$ (3) $r_1 = r_3$ (4) $r_1 < r_2$ (5) $r_3 < 0$

5. $\{a_n\}$ 為一正整數數列，設前 n 項總和為 S_n 。若對於所有的正整數 n ， a_n 與 2 的等差中項等於 S_n 與 2 的等比中項，請問下列哪一個選項等於 a_{2015} ？

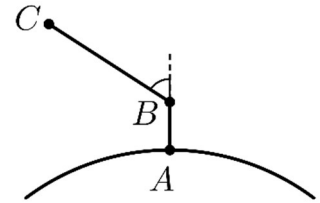
- (1) 3057 (2) 4015 (3) 4098 (4) 6062 (5) 8058

6. 坐標平面上， O 為原點，兩定點 $A(2,3)$ 、 $B(-2,1)$ 。若 $\overrightarrow{OP} = s\overrightarrow{OA} + t\overrightarrow{OB}$ ，其中 $0 \leq s \leq 2$ ， $0 \leq t \leq 2$ ， $s - t \leq 1$ ，請問下列哪一個選項可能為 P 點的坐標？

- (1) $(-3,4)$ (2) $(3,5)$ (3) $(-1,7)$ (4) $(1,7)$ (5) $(2,8)$

二、多選題（佔 35 分）

7. 如右圖，某船由岸邊一點 A 往前航行 10 公里後到達 B 點，在逆時針轉向一個介於 45° 至 60° 的角度後，筆直航行 30 公里到達 C 點。



請問下列何者可能為 \overline{AC}^2 的值？

- (1) 1350 (2) 1400 (3) 1450 (4) 1500 (5) 1550

8. 設 A 、 B 為兩事件，且滿足 $P(A|B) = \frac{2}{3}$ ， $P(B') = \frac{1}{4}$ ， $P(A - B) = \frac{1}{6}$ 。請選出正確的選項？

(1) $P(A) = \frac{11}{12}$ (2) $P(B|A) = \frac{1}{3}$ (3) $P(A \cup B) = \frac{11}{12}$

(4) $P(A' \cap B) = \frac{1}{4}$ (5) $P(B - A) = \frac{5}{6}$

9. 已知三次實係數多項式 $f(x)$ 滿足 $f(103) = 4$ ， $f(104) = -3$ ， $f(105) = 2$ ；二次實係數多項式 $g(x)$ 滿足 $g(103) = 4$ ， $g(104) = -3$ ， $g(105) = 2$ 。請選出正確的選項。

(1) $f(x) = 4 \cdot \frac{(x-104)(x-105)}{2} + (-3) \cdot \frac{(x-103)(x-105)}{1} + 2 \cdot \frac{(x-103)(x-104)}{2}$

(2) $g(106) = 1$ (3) $f(x)$ 除以 $(x-103)(x-104)(x-105)$ 的餘數為 $g(x)$

(4) 若 $f(106) = -5$ ，則 $f(x) = -4(x-103)(x-104)(x-105) + g(x)$

(5) 若 $f(106) = -5$ ，則方程式 $f(x^2) = 0$ 恰有六個相異實根

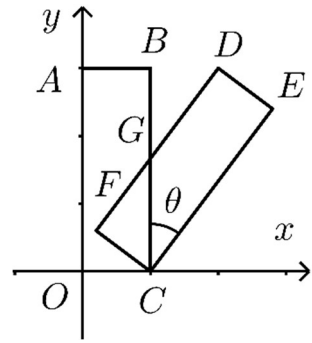
10. 請問下列哪些選項的 a 值可使絕對值不等式 $|ax+1| \leq 4$ 的解集合為 $\{x|b \leq x \leq c$ ，其中 b 為實數、 c 為整數}？

(1) $a = 2$ (2) $a = 3$ (3) $a = 0.1$ (4) $a = \sqrt[3]{0.27}$ (5) $a = -\frac{5}{2}$

11. 設三個方程式 $\left(\frac{1}{2}\right)^x = x^2$ 和 $\left(\frac{1}{2}\right)^x = x^3$ 和 $\left(\frac{1}{2}\right)^x = x^4$ 的正實根分別為 α 、 β 、 γ 。請選出正確的選項。

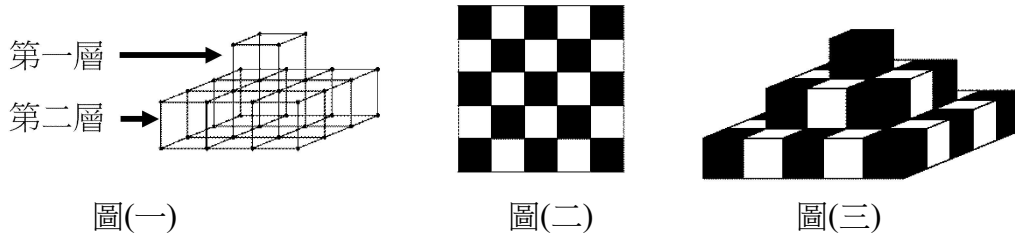
(1) $\alpha < \beta < \gamma$ (2) $\alpha > \beta > \gamma$ (3) $\alpha > \frac{1}{2}$ (4) $\alpha < \frac{1}{2}$ (5) $\alpha\beta\gamma < 1$

12. 坐標平面上—矩形 $OABC$ ，如圖所示， O 為原點， \overline{OC} 在 x 軸上， $\overline{OA}=3$ ， $\overline{OC}=1$ 。將矩形 $OABC$ 以 C 為旋轉中心，順時針旋轉 θ 角成為矩形 $FDEC$ ， $0^\circ < \theta < 90^\circ$ ，並使得 D 點落在直線 \overleftrightarrow{AB} 上。請選出正確的選項。



- (1) $\sin \theta = \frac{3}{5}$ (2) 直線 \overleftrightarrow{DF} 通過原點 O (3) 直線 \overleftrightarrow{CF} 方程式為 $3x + 4y = 3$
- (4) F 點坐標為 $(\frac{1}{5}, \frac{3}{5})$ (5) 若 G 點為 \overline{BC} 與 \overline{DF} 的交點，則 $\triangle CFG$ 的面積為 $\frac{2}{3}$

13. 某日，吳廷要做一個金字塔造型的展示臺來擺放他蒐集多年的神奇寶貝公仔。他準備了足夠多的：長度 2 公分的小木棒，還有黑、白兩色，邊長 2 公分的正方形壓克力板。他先依 1, 3, 5, ……，19 根木棒的寬度，總共做了十層骨架，圖(一)為完成最上面兩層時的樣子，正立方體每一邊皆是一根小木棒。然後他把骨架表面(含第十層底面、但不含中空部分)黏上壓克力板，並希望從任何角度都呈現黑白相間的效果。圖(二)為最上方三層的俯視圖、圖(三)為最上方三層的側面圖。若壓克力板完全密合，且不計厚度。請選出正確的選項。



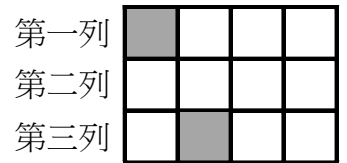
- (1) 吳廷將所有公仔擺在面朝上的黑色壓克力板上，發現一格擺一個剛好擺完，則他有 180 個公仔。
- (2) 展示臺的表面積(含底面)為 4488 平方公分 (3) 共需要 540 片白色壓克力板
- (4) 共需要 562 片黑色壓克力板 (5) 共需要 4400 根小木棒

第貳部分：選填題 (佔 35 分)

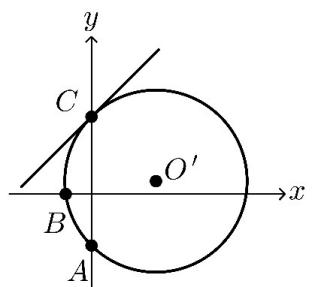
A. 某日，媽媽帶小昀來到新開幕的兒童新樂園玩，並約定花費不得超過 60 元。小昀決定今天只玩奇幻森林與夢想海這一區，簡介上標明本區的遊樂設施、收費標準如右表所示。已知小昀回家前至少玩了一次遊樂設施，且可以重複玩同一種，則過程中小昀共有_____種不同的玩法。

遊樂設施	單次票價
叢林吼吼樹屋(自由落體)	30 元
飛天神奇號(飛天巴士)	20 元
海洋總動員(旋轉木馬)	20 元
尋寶船(海盜船)	30 元
水果摩天輪	30 元

B. 如右圖，將 4 顆紅球、4 顆藍球、2 顆白球全部放入棋盤的 12 個格子內，且每格最多放一顆球。已知灰色格子內沒球的情況下，第一列沒紅球且第二列沒藍球且第三列沒白球的條件機率為_____。



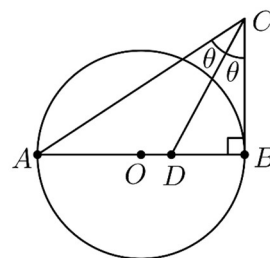
C. 如右圖，一圓通過相異三點 $A(0, -2)$ 、 $B(-1, 0)$ 、 $C(0, k)$ ，已知此圓在 C 點之切線斜率為 1，則圓心 O' 坐標為_____。



D. 有一筆數值資料：「14, 6, 6, 9, 6, 8, x 」，計算此 7 個數字的算術平均數為 a ，中位數為 b ，眾數為 c 。若 a 、 b 、 c 三數經重新排列後，可為公差為正數的等差數列，則所有可能的 x 值之總和為_____。

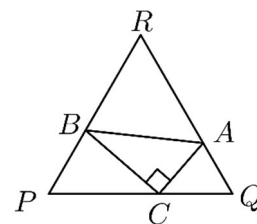
E. 如右圖，一單位圓以 \overline{AB} 為直徑， O 為圓心，且 $\angle ABC = 90^\circ$ 。若

$\angle ACD = \angle BCD = \theta$ ，且 $\sin \theta = \frac{1}{5}$ ，則 $\overline{OD} =$ _____。



F. 如右圖， $\triangle PQR$ 為正三角形， A 、 B 、 C 分別落在 \overline{QR} 、 \overline{PR} 、 \overline{PQ} 邊上，且

$\triangle ABC$ 中， $\angle ACB = 90^\circ$ 。若 $\overline{AQ} = 8$ ， $\overline{PB} = \overline{CQ} = 10$ ，則 $\overline{PC} =$ _____。



G. 甲地失業率居高不下，為了鼓勵民眾勇於創業，提出貸款年利率 1.5%，每年複利一次的優惠方案。乙地經濟過熱，為了鼓勵民眾將錢存進銀行，提出存款年利率 3.53%，每年複利一次的優惠方案。爸爸突發奇想，從甲地銀行貸款 100 萬元後，留下其中的 20 萬元自用，並馬上將剩下的 80 萬元存入乙地銀行，則最少_____年之後，爸爸存於乙地銀行的本利和能一次還清在甲地銀行積欠的貸款。(取整數， $\log 1.02 \approx 0.0086$)

臺北區 104 學年度 學測 聯合模擬考 第二次 參考解答

第壹部分：選擇題（佔 65 分）

- | | | |
|------|----------|----------|
| 1. 2 | 6. 4 | 11. 135 |
| 2. 1 | 7. 12 | 12. 1345 |
| 3. 3 | 8. 34 | 13. 23 |
| 4. 3 | 9. 345 | |
| 5. 5 | 10. 2345 | |

第貳部分：選填題（佔 35 分）

- | | | |
|----------------------|--|-------------------|
| A. 38 | C. $\left(\frac{5}{2}, \frac{1}{2}\right)$ | E. $\frac{1}{24}$ |
| B. $\frac{19}{1050}$ | D. 28 | F. 15 |
| | | G. 12 |

如有題目或答案打字錯誤，或後續更正，
歡迎 email 至 weiye@pure.pro (瑋岳)提醒修改。感謝。